

拓扑群引论(第二版)勘误表

黎景辉, 冯绪宁著

山东大学数学学院 纪广华

黎景辉、冯绪宁著拓扑群引论是一本非常优秀的介绍拓扑群基础知识的教材. 书名有拓扑又有群, 内容其实完全就是分析: 紧群和局部紧群上的Fourier分析. 局部紧群上的 Fourier分析和表示, 也称为抽象调和分析. 主要内容有: 局部紧群上Haar测度和积分的存在性和基本性质, 局部紧交换群的结构、对偶定理和Fourier变换, 紧群上的Fourier分析和表示, 局部紧群的酉表示等.

抽象调和分析是现代数学的重要分支之一, 同时也是进一步学习如数论、李群、表示论、调和分析等分支的基础. 在此分析和代数高度交叉融合, 同时在数论上也有广泛而又深刻的应用. 如即紧且交换的群 T 上的表示就是经典的Fourier分析; 非紧但交换的群 \mathbb{R}^n 上的表示就是经典的Fourier变换, 分布理论和Plancherel定理等内容; 非紧非交换的群 $SL_2(\mathbb{R})$ 是最简单的非紧非交换的半单李群, 其表示论理论是近代研究李群表示论的基石. 若 Γ 是半单李群或约化群 G 的离散子群时, 空间 $L^2(\Gamma \backslash G)$ 的正则表示和谱分解, 又是现代数论的重要研究内容.

拓扑群引论出版三十年来, 仍是唯一的一本介绍拓扑群的中文书. 内容近似的外文图书就多了, 比较新的有Folland, *A Course in Abstract Harmonic Analysis*; Deitmar, Echterhoff, *Principles of Harmonic Analysis*等. 2014年拓扑群引论出版了第二版. 黎景辉教授增加了很多新的材料, 使得该书内容更加丰富, 也付出了很多心血. 出版社找人重新用LaTex进行了排版, 遗憾的是出现了很多第一版没有的错误. 我们在学习和教学的过程当中, 把发现的错误或不规范的地方整理出来, 供大家参考. 数论的部分硕士研究生对此也有贡献. 如果有发现的新的错误, 欢迎发邮件告知: ghji@sdu.edu.cn.

列出的错误主要从以下几个方面考虑:

1. 行文或公式本身有错误.
2. 符号统一问题. 一般来说, 在一本书中同一固定的集合应该用同一符号来表示. 书中多次出现类似 $SL_2(\mathbb{R})$, $SL(2, \mathbb{R})$ 不同的符号表示同一内容, 建议统一为一种, 如 $SL_2(\mathbb{R})$; 上半复平面书中有用 H , \mathfrak{h} , \mathbb{H} 表示, 建议统一为一种, 如 \mathfrak{h} ; 集合符号中的分隔号通常用冒号或竖线表示, 但要统一, 前后应留出间隔.
3. 约定俗成的符号. 比如群的特征一般用 χ 表示, 书中多处用 \mathcal{X} ; n 维射影空间用 \mathbb{P}^n 而不用 P^n . 很多情况下, 积分中的 dx 一般写成罗马体 dx , 并和前面保留一定的间隔, 指数函数的 e 写成罗马体 e 等, 但这并不是必须的. 不过如 \sin , \exp , \log 等必须用罗马体.
4. 人名的问题. 现中文科技文献中非英文人名, 如俄文, 日文, 一般用英文代替. 如Tychonoff代替俄文名字. 多个不同人名之间需要连接时, 一般需要两个连字符连接, 以便与一个人名字内的连字符区别, 如 Peter Weyl定理应为 Peter-Weyl定理, 而 Harish Chandra 应为 Harish-Chandra.
5. 行文美观的角度. 如居中公式映射应用长箭头符号 \longrightarrow 和 \longleftarrow , 并上下对齐; 对偶群一般用 \widehat{G} 代替 \hat{G} .

pn, m: 表示书中第n页第m行. pn, -m: 表示书中第n页倒数第m行.

piv, 6: $SL_2(\mathbb{R})$, $SL(2, \mathbb{R})$ 建议统一为 $SL_2(\mathbb{R})$. 以后不再专门指出.

pv, -8: 交换局部紧拓扑群 建议为 局部紧交换拓扑群.

pvii, 7,8,9,10: $\mathcal{R}G$ 应为 $\mathcal{R}(G)$.

px, 12: 应为

$$SL_2(\mathbb{Z}) = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \mid a, b, c, d \text{ 是整数}, ad - bc = 1 \right\},$$

pix, -9, -7: $L(G)$ 应为 $L^1(G)$.

pix, -5: Jacquet Langlands 应为 Jacquet–Langlands.

pix, -2: Harish Chandra 应为 Harish-Chandra.

pxi, 7: $L(T \backslash G)$ 应为 $L(\Gamma \backslash G)$.

pxi, 12: Peter Weyl 定理 应为 Peter–Weyl 定理.

pxi, -7: 建议俄文人名改为英文: Tychonoff.

目录

第1章, 第2章, 第3章… 应为 第一章, 第二章, 第三章…

第一章 拓扑群

p1, 4: 应为

$$GL_2(\mathbb{R}) = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \mid a, b, c, d \in \mathbb{R}, ad - bc \neq 0 \right\}.$$

p1, 5: $\varprojlim_n \mathbb{Z}/P^n \mathbb{Z}$ 应为 $\varprojlim_n \mathbb{Z}/p^n \mathbb{Z}$.

p1, 15: $Va \in G$ 应为 $\forall a \in G$.

p1, 16: $N \triangleleft G$ 建议为 $N \triangleleft G$. 以后不再专门指出.

p1, -7: 建议居中公式中用长等价符号: \iff . 以后不再专门指出.

p1, -4, -3: 建议居中公式映射用长箭头符号: \longrightarrow 和 \longleftarrow . 以后不再专门指出.

p5, 11: $\left| \sum_{i=0}^n x_i^2 = 1 \right|$ 应为 $\sum_{i=0}^n x_i^2 = 1$.

p5, 13: P^n 应为 \mathbb{P}^n .

p5, 16: $\delta_{i,k}$ 应为 $\delta_{j,k}$.

p6, -2: 命题1.6 应为 命题1.1.6.

p7, 3: $\bigcup_{n=1}^{\infty} K_n$ 应为 $\bigcup_{n=1}^{\infty} K_n$.

p9, 17: 公式建议上下对齐.

p11, -6: $U_t = \left\{ \frac{mp^t}{n} : p \nmid mn \right\}$ 应为 $U_t = \left\{ \frac{mp^t}{n} \mid p \nmid mn \right\}$.

p11, -2: $1 + U_1$ 应为 $1 + U_t$.

p14, 19: $t_x, \max_{1 \leq i \leq a}$ 分别应为 $t_n, \max_{1 \leq i \leq n}$.

p15, -9: $\mu'_0(\rho \times \rho)$ 应为 $\mu'(\rho \times \rho)$.

p15, -8: $\mu'^{-2}U$ 应为 $\mu'^{-1}U$.

p17, 11: $A = \lambda I_*$ 应为 $A = \lambda I_n$.

p17, -1: V_i, \dots, V_{i_n} 应为 V_{i_1}, \dots, V_{i_n} .

P18, 1: X_i, \dots, X_{i_n} 应为 X_{i_1}, \dots, X_{i_n} .

p28, -14:

$$H = \{z \in C \mid z = x + iy, y > 0\}$$

建议为

$$\mathfrak{h} = \{z = x + iy \in \mathbb{C} \mid y > 0\}$$

上半复平面书中有用 $H, \mathfrak{h}, \mathbb{H}$ 表示, 建议统一用 \mathfrak{h} 或 \mathfrak{H} . 书中用 H 表示 G 的子群, \mathbb{H} 表示四元数代数. 以后不再专门指出.

p29, 图中的 $-1, 1$ 应为 $-1/2, 1/2$.

未完待续

第二章 拓扑群上的积分

p35, 4: $\mu(gS) = \mu S$ 应为 $\mu(gS) = \mu(S)$.

p35, 9: $f : X \rightarrow C$ 应为 $f : X \rightarrow \mathbb{C}$.

p35, 11: $f : X \rightarrow C$ 应为 $f : X \rightarrow \mathbb{C}$; $\text{supp}(f)$ 是 $\subseteq C$, 应去掉 是.

p35, 14: 建议为 Urysohn 引理.

p36, -8:

$$C_c(X, K) = f\{f \in C_c(X) \mid \text{supp}(f) \subseteq K\},$$

应为

$$C_c(X, K) = \{f \in C_c(X) \mid \text{supp}(f) \subseteq K\},$$

p36, -6: $\|f\|_k$ 应为 $\|f\|_K$.

p37, 8, 12, 17: \int_x 应为 \int_X .

p37, -6: $f \cdot \varphi$ 应为 $f \circ \varphi$.

p38, 11: $C_c(X) = UC_c(X, K)$ 应为 $C_c(X) = \cup C_c(X, K)$.

p38, -14: 局部紧集 Hausdorff 空间, C 分别应为 局部紧 Hausdorff 空间, \mathbb{C} .

p38, -3: x 应为 X .

p40, 3: $\mu \in M^2(X), f \cdot \varphi$ 分别应为 $\mu \in M^1(X), f \circ \varphi$.

p40, 9: C_k 应为 C_K .

p40, -7: $\|f\|_p = (\int_X |f|^p d\mu)^{1/2}$ 应为 $\|f\|_p = (\int_X |f|^p d\mu)^{1/p}$.

p41, -13, -11: \int_x 应为 \int_X .

p41, 10: [Rud 8] 中定理 3.4. 应为 [Rud 87] 中定理 3.5.

p41, 11: $\|fh\| \leq \|f\|_p \|h\|_q$ 应为 $\|fh\|_1 \leq \|f\|_p \|h\|_q$.

p41, -11, -12: $g \cdot \mu$ 应为 $g \circ \mu$.

p42, 9: 只要 $x^{-1}y \in V$ 应为 只要 $x^{-1}y \in V$ 或 $xy^{-1} \in V$.

p42, 12: $\{f(y) \mid f(x) - f(y) < \varepsilon/2\}$ 应为 $\{f(y) \mid |f(x) - f(y)| < \varepsilon/2\}$.

p42, -6, -8, -10: t 应为 i .

p43, 5: $f : G \rightarrow C$ 应为 $f : G \rightarrow \mathbb{C}$.

p44, 5: $d(st)$ 应为 $d(sx)$.

p45, -10: $f : G \rightarrow C$ 应为 $f : G \rightarrow \mathbb{C}$.

p45, -3: \mathbb{R}^{n^1} 应为 \mathbb{R}^{n^2} .

p47, 11: $\mu(sf) = \int$ 应为 $\mu(sf) = \int_G$.

p48, -1: $\sum_{i=1}^n \alpha_i(x : F) \geq f$ 应为 $\sum_{i=1}^n \alpha_i(x_i F) \geq f$.

p52, 9:

$$j = \prod_{f \in D} J(f), \text{ 应为 } J = \prod_{f \in D} J(f).$$

p56, -12: S 应为 s .

p61, 5: \int_k 应为 \int_K .

p63, 9: \int_x 应为 \int_K .

p69, -1: 应为

$$\int_{G/S} f d\mu = \int_{G/H} \left(\int_{H/S} f \circ \varphi_p d\mu_2 \right) d\mu_1.$$

p70, -13: $f \cdot \varphi_p$ 应为 $f \circ \varphi_p$.

p70 $I(f)$ 应为 $I(f)$.

p71 13: $(y \rightarrow yx)$ 应为 $(x \rightarrow yx)$.

p74, -1,-2,-3: $\mathbb{M}^1(G)$ 应为 $M^1(G)$.

未完待续

第三章 局部紧交换群

p75, 酉特征标用 χ 表示, 而不用 \mathcal{X} . 以后不再专门指出.

p75, 对偶群建议用 \widehat{G} 替代 \hat{G} . 以后不再专门指出.

p75, -14: $\forall_x \in G$ 应为 $\forall x \in G$.

p75, -11: $\forall_x \in K$ 应为 $\forall x \in K$.

p76, -3: $\mathbb{Z} = S$ 应为 $\widehat{\mathbb{Z}} = S$.

p77, 11: 否则以 χ 替代 χ 应为 否则以 $\widehat{\chi}$ 替代 χ .

p77, 14: $e^{2\pi i/2^{k+1}+xi}$ 应为 $e^{2\pi i/2^{k+1}+\pi i}$.

p77, -12: $\pm \sum_{K=N}^M 2^{-K} b$ 应为 $\pm \sum_{k=N}^M 2^{-k} b$.

p77, -10: $\mathcal{X}_i \in G$ 应为 $\chi_i \in \widehat{G}$.

p79, 6: 应为 Gelfand–Raikov 定理.

p79, 11: \widehat{G} 应为 $\widehat{\widehat{G}}$.

p79, 12: $G \rightarrow G$ 应为 $G \rightarrow \widehat{\widehat{G}}$.

p79, -1: $\sum_{j=1}^m \alpha_j \mathcal{X}_j, \alpha_j \in C$ 分别应为 $\sum_{j=1}^m \alpha_j \chi_j, \alpha_j \in \mathbb{C}$.

p80, 8: $\int_G \psi \psi dx, \int_G \mathcal{X}_j \psi dx$ 分别应为 $\int_G \psi \bar{\psi} dx, \int_G \chi_j \bar{\psi} dx$.

p80, -12: G 离散 $\Rightarrow \widehat{\widehat{G}}$ 紧 应为 G 离散, 则 \widehat{G} 紧.

p80, -8: $\psi \circ \pi$ 应为 $\psi \circ \pi$.

p81, 8: 两处 U_{xk} 应为 U_{x_k} .

p81, 14: $G = \bigcup_{n=1}^{\infty} \times V^n$ 应为 $G = \bigcup_{n=1}^{\infty} V^n$.

p81, -11: \overline{C} 应为 C_j .

p81, -9: $b_1^{\alpha_1}, \dots, b_k^{\alpha_k} = e$ 应为 $b_1^{\alpha_1} \cdots b_k^{\alpha_k} = e$.

p81, -6: $\varphi(\overline{A}) \subset \varphi(\overline{C})$ 应为 $\varphi(\overline{A}) \subset \varphi(\overline{C_1})$.

P81, -2: N_1 应为 N_i , G/N_1 应为 G/N_i .

p82, 4: 省略号应改为逗号.

p82, 7: $\phi|_V$ 应为 $\varphi|_V$.

p82, 10: $\left(\Psi \left(\frac{y_1}{n_2} \right) \right)^{n_2}$ 应为 $\left(\Psi \left(\frac{y_1}{n_2} \right) \right)^{n_2}$.

- p82, 11: $\left(\Psi\left(\frac{y_2}{n_1}\right)\right)^{n_1}$ 应为 $\left(\Psi\left(\frac{y_2}{n_1}\right)\right)^{n_1}$.
- p82, 14: G 是开闭子群 应为 G 的开闭子群.
- p82, -13: $0 \leq x_i < d_i$ 应为 $0 \leq x_j < d_j$.
- p82, -10: $z \in C$ 应为 $z \in \mathbb{C}$.
- p82, -6: \mathbb{S}^n 应为 S^n .
- p82, -3: 它必须如 应为 它必形如.
- p83, -14: $G \rightarrow G/N$ 应为 $\rho: G \rightarrow G/N$.
- p83, -11: $K_0 = (K_1)$ 应为 $K_0 = \rho^{-1}(K_1)$.
- p83, -10: $\rho|_k$ 应为 $\rho|_K$.
- p84, 9: $y_a \in L_n$ 应为 $y_\alpha \in L_\alpha$.
- p84, 10: $K_{\mu(a)}$ 应为 $k_{\mu(\alpha)}$.
- p84, -14: $L_1 \cap K_0$ 应为 $L_1 \cap K =$.
- P84, -3: $(\widehat{G})^\wedge$ 应为 $\widehat{\widehat{G}}$.
- p85, -13: $\varphi^{-1} \times (U \cap H_1^\perp)$ 应为 $\varphi^{-1}(U \cap H_1^\perp)$.
- p85, -12: $x_m H_m$ 应为 $x_m H_1$.
- p85, -10: $\lambda(x_1) = 1$ 应为 $\chi(x_j) = 1$.
- p85, -8: $f \in \widehat{G}$ 应为 $f \in \widehat{\widehat{G}}$.
- p86, 5: $\int_G \int_G$ 应为 $\int_G \int_{\widehat{G}}$.
- p86, 6: $\widehat{F}(x) = \int_G F(\hat{x})(x, \hat{x}) d\hat{x}$ 应为 $\widehat{F}(x) = \int_{\widehat{G}} F(\hat{x})(x, \hat{x}) d\hat{x}$.
- p86, -7: $\sum_{n \in \mathbb{Z}} \widehat{f}(n) e^{-inx}$ 应为 $\sum_{n \in \mathbb{Z}} \widehat{f}(n) e^{inx}$.
- p86, -5: $\int_G \widehat{f} \overline{F(\hat{X})} d\hat{x}$ 应为 $\int_{\widehat{G}} \widehat{f} \overline{F(\hat{x})} d\hat{x}$.
- p87, 10: [Rud 57] 应为 [Rud 87].
- p87, -8: $H^\perp = \widehat{G}/H^\perp$ 应为 $\widehat{H} = \widehat{G}/H^\perp$.
- p88, -10: $(y\hat{y})$ 应为 (y, \hat{y}) .
- P89, 13: 应为 Peter–Weyl 定理.
- p90, 2: $\int_g (g(x))$ 应为 $\int_G g(x)$.
- p90, 5: $L^{-1}(\widehat{G})$ 应为 $L^1(\widehat{G})$.
- p90, 14: $\varphi|_x$ 应为 $\varphi|_X$.
- p90, -1: $\int_{G/\Gamma} dx^0 < 1$ 应为 $\int_{G/\Gamma} dx^0 = 1$.
- 未完待续

第四章 紧群的表示

- p106, 5: Peter Weyl 定理 应为 Peter–Weyl 定理.
- p106, 5: 谈的对偶定理 应为 谈中对偶定理.
- p107, 9,10,13,14: T_r 应为 Tr
- p108, 2: $g(y), g(xy)$ 应为 $\overline{g(y)}, \overline{g(xy)}$
- p108, 9: $\|\lambda(x) - g\|$ 应为 $\|\lambda(x)g - g\|$
- p109, -11: $f \in \mathcal{C}^r$ 应为 $f \in \mathcal{C}^r$.
- p110, 3: $\|f(x)\|^2 \delta(x)$ 应为 $\|f(x)\|^2 \delta(x)^{-1}$.
- p110, -11: $\tau(y)^{-1} f(x)$ 应为 $\tau(y^{-1})f(x)$.
- p110, -7: (λ, \mathcal{H}) 应为 $(\lambda, \mathcal{H}^\tau)$.

p111, 10: $\sum E_i$ 建议为 $\sum_i E_i$.

p111, -1: $\rho = \bigoplus_{n \in Z} \chi_n$ 应为 $\rho = \bigoplus_{n \in \mathbb{Z}} \chi_n$.

p112, 5:

$\Gamma = \{\gamma | \gamma = \gamma\{H_\alpha\}_{\alpha \in A}, H_\alpha$ 是互相正交的闭不变子空间, 且 $\pi|_{H_\alpha}$ 是循环表示} 应为

$\Gamma = \{\gamma | \gamma = \{H_\alpha\}_{\alpha \in \Lambda}, H_\alpha$ 是互相正交的闭不变子空间, 且 $\pi|_{H_\alpha}$ 是循环表示}.

p112, 7: $\{H_\alpha\}_{\alpha \in A}, H \neq \bigoplus_a H_\alpha, x \subset G$ 分别应为 $\{H_\alpha\}_{\alpha \in \Lambda}, H \neq \bigoplus_\alpha H_\alpha, x \in G$.

p112, 8: $H = \bigoplus_a H_\alpha$ 应为 $H = \bigoplus_\alpha H_\alpha$.

p112, 13: $\pi(x)(w + U)$ 应为 $\tilde{\pi}(x)(w + U)$.

p112, -3: [Rud 87] 应为 [Rud 91].

p115, -12: (π_n, f_n) 应为 (π_n, \mathcal{H}_n) .

p147, 15: P -进李群 应为 p -进群李群; $SL_2(Q_p)$ 应为 $SL_2(\mathbb{Q}_p)$.

p147, 16, 20, -2, -8, -11: Harish Chandra 应为 Harish-Chandra.

p147, -14: I.M.Gelfand, S.L.Gelfand 应为 I.M. Gelfand, S.L. Gelfand.

p147, -3: P 进数域 应为 p -进数域.

未完待续

第五章 齐性空间

p153, -15: 板大紧子群 应为 极大紧子群.

p153, -13: 概約实李群 建议为 简約实李群.

p154, -2: 等号左边的 $\psi(s)$ 应为 $\overline{\psi(s)}$.

p155, 6: $N = \sharp(B \cap \Gamma)$ 应为 $N = \#(B \cap \Gamma)$.

p155, -5: 序列 $\|\rho(f)\varphi_n\|$ 应为 序列 $\{\rho(f)\varphi_n\}$.

p156, 4: $\left(\sum_{\Gamma} |f(x^{-1}\gamma y)|^2 \right)^2$ 应为 $\left(\sum_{\Gamma} |f(x^{-1}\gamma y)| \right)^2$

p157, -8: 取 H' 为 H' 在 H 的正交补 应为 取 H'' 为 H' 在 H 的正交补.

p158, 2: $\bigoplus_{\pi \in G} m_\pi L_\pi$ 应为 $\bigoplus_{\pi \in \widehat{G}} m_\pi L_\pi$.

p158, 9: $\xi(x) = d_x(\pi(x)u, u)$ 应为 $\xi(x) = d_\pi(\overline{\pi(x)u}, u)$.

p158, -9: $CT_i u$ 应为 $\mathbb{C}T_i u$.

p159, -1: $K(xy)$ 应为 $K(x, y)$.

p160, 9: dxy 应为 $dxdy$.

p160, 11: \int_Y 应为 \int_X .

p160, 12: $T_i = L^2(X) \rightarrow L^2(X)$ 应为 $T_i : L^2(X) \rightarrow L^2(X)$.

p163, 1: 去掉矩阵中的逗号.

p163, 7: 尖形式空间 ${}^0L^2$ 建议为 L_0^2 .

p163, -5: $\{(a, b, c, d) \in \mathbb{R}^4, ad = bc = 1\}$ 应为 $\{(a, b, c, d) \in \mathbb{R}^4 \mid ad - bc = 1\}$.

p164, 8: $|z| \geq 1$ 应为 $|z| > 1$.

p164, 13: $\Gamma/\mathfrak{h} \rightarrow \mathcal{D}$ 应为 $\Gamma \setminus \mathfrak{h} \rightarrow \mathcal{D}$.

p164, 13: Q 是 N 的 应为 Ω 是 N 的. 下面多处 Q 应为 Ω . 以后不再专门指出.

p164, -4: $\hat{f}_{g,g'}(x)$ 应为 $f_{g,g'}(x)$.

p165, 4: 去掉乘号 \times .

- p165, 8: 去掉乘号 \times .
- p165, 9: 尖形式空间 ${}^0L^2(\Gamma \setminus G)$ 建议为 $L_0^2(\Gamma \setminus G)$.
- p166, 10: $\mathfrak{S} = N\left(\frac{1}{2}\right)A \times \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$ 应为 $\mathfrak{S} = N\left(\frac{1}{2}\right)A\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)K$.
- p166: 多处 Q 应为 Ω .
- p167, 11: $k = \sum a_{ij}\varphi_i\varphi_j$ 应为 $k = \sum a_{ij}\varphi_i\varphi_j$.
- p167, 14: $\|K_n - K\| \leq \|k_n - k\|_2$ 应为 $\|K_n - T\| \leq \|k_n - k\|_2$.
- p167, 16: Peter-Weyl 定理 应为 Peter-Weyl 定理.
- p168, 9,11: N_g 应为 Ng .
- p168, -7: $\varphi(a_y, g)$ 应为 $\varphi(a_y g)$.
- p168, -2: 矩阵中第一行第一列元素 $\cos \alpha$ 应为 $\cos \theta$.
- p169, 7: $\varphi(a_y, g)$ 应为 $\varphi(a_y g)$.
- p169, 12: Paley-Wiener 空间 应为 Paley-Wiener 空间.
- p169, 14: $\int_0^\infty f(y)y^s \cdot \frac{dy}{y}$ 应为 $\int_0^\infty f(y)y^s \frac{dy}{y}$.
- p170, -4: $\sum m^{-r}$ 应为 $\sum m^{-r}$.
- p171, 11: $x + iy'$ 应为 $x' + iy'$.
- p171, -1: $I_m z$ 应为 $\text{Im } z$.
- p172, 7: $\hat{\Phi}, \xi(s)$ 分别应为 $\check{\Phi}, \zeta(s)$.
- p172, 14:

$$\sum_{(m_1, m_2) \in Z^2} \varphi((m_1 m_2)yg) \text{ 应为 } \sum_{(m_1, m_2) \in \mathbb{Z}^2} \varphi((m_1, m_2)yg).$$

- p173, -13,-7: $\varphi(\gamma_g)$ 应为 $\varphi(\gamma g)$.
- p173, -5: $f_N(g)$ 应为 $\overline{f_N(g)}$.
- p174, 6,9: $\mathbb{M}_m(s)$ 应为 $M_m(s)$ 或 $M_m(s)$.
- p178, -9: $\sum a_i e^{im_i \theta}$ 应为 $\sum a_i e^{im_i \theta}$.
- p180, 4:

$$\prod_p (1 + \mu(p)p^{-s} + \mu(p^2)p^{-2s} + \dots)$$

应为

$$\prod_p (1 + \mu(p)p^{-s} + \mu(p^2)p^{-2s} + \dots)$$

- p180, 7: $\sum_{d|n} d \mu\left(\frac{n}{d}\right)$ 应为 $\sum_{d|n} d \mu\left(\frac{n}{d}\right)$.

- p181, -1: $p(x, \partial)$ 应为 $P(x, \partial)$
- p196, -8: 实导数矩阵 应为 实数矩阵.
- p197, 7: T_r 应为 Tr .

未完待续

第六章 群代数

- p201, 11: $(ax + by)^* = ax^* + by^*$ 应为 $(ax + by)^* = \bar{a}x^* + \bar{b}y^*$.
- p201, -12, -8, -3: * Banach 代数 应为 B^* -代数或 Banach*-代数. 在本书中 C^* -代数定义为 B^* -代数且满足 $\|xx^*\| = \|x\|^2$. 在 Rudin 泛函分析书, 术语 Banach*-代数指的是条件(iv)应为 $\|xx^*\| = \|x\|^2$. 有的书上 Banach*-代数指的是没有条件(iv). 术语 B^* -代数, 或者 Banach*-代数现在已不常用, 见 wiki 词条. 以后不再专门指出.
- p201, -7: * 表示 应为 * 表示或 * 表示. 以后不再专门指出.

p202, 11: $F(\lambda) = 0$ 应为 $E(\lambda) = 0$.

p202, 14: $\|U_\alpha\|$ 应为 $\|v_\alpha\|$.

p202, -6: $\Pi = \Pi_1 \otimes \Pi_2, \Pi|_{\mathfrak{N}(\pi)^\perp}, \Pi|_{\mathfrak{N}(\pi)}$ 分别应为 $\Pi = \Pi_1 \oplus \Pi_2, \Pi|_{\mathfrak{N}(\Pi)^\perp}, \Pi|_{\mathfrak{N}(\Pi)}$.

p203, 7: Gelfond-Naimark-Segal 应为 Gelfand-Naimark-Segal.

p206, 3: 俄文人名建议为 Krein–Milman 定理.

p206, -13: 复值可测函数 应为 复值可积函数.

p207, 10: $\lim_a f(\alpha) = a$ 应为 $\lim_\alpha f(\alpha) = a; \exists \alpha \in A$ 应为 $\exists \alpha_0 \in A$.

p207, 12,13: $\lim_\alpha \|f * u_\alpha - f\| = 0$, 及

$$\lim_\alpha \|u_\alpha * f - f\| = 0.$$

应为 $\lim_\alpha \|f * u_\alpha - f\| = 0$, 及 $\lim_\alpha \|u_\alpha * f - f\| = 0$. (第二个极限不必单独成行.)

p207, 16: $N\alpha_1 \subseteq N\alpha_2$ 应为 $N_{\alpha_1} \subseteq N_{\alpha_2}$.

p208, 6: $\|u_\alpha^*\| = \|u_\alpha\| = -1$ 应为 $\|u_\alpha^*\| = \|u_\alpha\| = 1$.

p209, 1: $H : L^1(G) \rightarrow \mathcal{L}(H)$ 应为 $\Pi : L^1(G) \rightarrow \mathcal{L}(H)$.

p211, 2: 映射: $\Pi \rightarrow x$ 应为 映射: $\Pi \rightarrow \pi$.

p211, -7: $x \mapsto \sum ai \times (\lambda(x)g_i, h_i)$ 应为 $x \mapsto \sum a_i(\lambda(x)g_i, h_i)$.

p212, -2: $\|x^*\| \|x\| \doteq \|x\|^2$ 应为 $\|x^*\| \|x\| = \|x\|^2$.

p220, -15,-16: $G^\wedge, G^{\wedge\wedge}$ 应为 $\widehat{G}, \widehat{\widehat{G}}$.

p220, -11: A^\wedge 应为 \widehat{A} .

第七章 K 理论

未整理

Guanghua JI · 纪广华

ghji@sdu.edu.cn

School of Mathematics

Shandong University

Jinan, Shandong 250100